Національний технічний університет України

«Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського»

Факультет інформатики та обчислювальної техніки

Кафедра обчислювальної техніки

ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №4

«ДОСЛІДЖЕННЯ ОПЕРАЦІЙ ДОДАВАННЯ ТА ВІДНІМАННЯ В ДВІЙКОВО-КОДОВАНИХ СИСТЕМАХ ЧИСЛЕННЯ»

Виконав:

Студент групи ІО-64

Бандурін В.Ю.

Залікова книжка   
№ IO-6402

Перевірив:

Верба О. А.

Київ

2017 р.

1. Теоретичні відомості

*Додавання чисел в двійково-кодованих системах числення.*

В системах числення з основою  та цифрами для подання цифр використовують двійкову систему числення. Для представлення однієї цифри необхідно мати не менше ніж  двійкових розрядів ( – функція округлення числа до найближчого цілого). Наприклад, для десяткової системи числення цифри кодуються не менш ніж чотирма двійковими розрядами (тетрадами), хоча двійково-десяткові коди (ДДК) можуть мати і більше розрядів, якщо це дає переваги при виконанні певних операцій (табл. 4.1)

*Табл. 4.1. Двійково-десяткові коди*

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Десяткова цифра | Двійково-десятковий код | | | | | | |
| 8432 | 2421 | 5421 | 7421 | 8421+3 | 2 із 5 | Томсона |
| 0 | 0000 | 0000 | 0000 | 0000 | 0011 | 11000 | 00000 |
| 1 | 0001 | 0001 | 0001 | 0001 | 0100 | 00011 | 10000 |
| 2 | 0010 | 0010 | 0010 | 0010 | 0101 | 00101 | 11000 |
| 3 | 0011 | 0011 | 0011 | 0011 | 0110 | 00110 | 11100 |
| 4 | 0100 | 0100 | 0100 | 0100 | 0111 | 01001 | 11110 |
| 5 | 0101 | 1011 | 1000 | 0101 | 1000 | 01010 | 11111 |
| 6 | 0110 | 1100 | 1001 | 0110 | 1001 | 01100 | 01111 |
| 7 | 0111 | 1101 | 1010 | 1000 | 1010 | 10001 | 00111 |
| 8 | 1000 | 1110 | 1011 | 1001 | 1011 | 10010 | 00011 |
| 9 | 1001 | 1111 | 1100 | 1010 | 1100 | 10100 | 00001 |

Наприклад в коді 2 із 5 спрощується дешифрування кодів цифр, а також визначення помилок (зміна будь-якого одного розряду дає заборонену комбінацію двійкових розрядів). Для коду Томсона лічильник будується на регістрі зсуву з інверсним циклічним ланцюжком, що прискорює мікрооперацію інкремент порівняно з лічильниками, що мають міжрозрядні логічні схеми. Крім того, це також спрощує дешифрування десяткових цифр. Для арифметичних операцій вказані коди не застосовують, бо вони не є адитивними і зваженими. в

*Адитивними* є коди для яких сума кодів двох чисел представляє код суми. В *зважених кодах* кожний розряд в тетраді має постійну вагу.

ДДК з вагами розрядів 8421 називають кодом прямого заміщення. Завдяки адитивності та зваженості зручність цього коду проявляються при машинному переводі з десяткової системи в двійкову і назад, а також при підсумовуванні на звичайних двійкових суматорах завдяки його адитивності (сума кодів двох чисел представляє код суми).

Коди 2421, 5421 і 7421 не є адитивними. Код з вагами 2421 дозволяє простим інвертуванням розрядів одержувати обернений, а при ще й додаванні одиниці – доповняльний код числа. Це зручно для виконання алгебраїчних операцій. В кодах 5421 і 7421 ряд комбінацій має менше одиниць ніж код 8421. Це може зменшити споживання енергії в динамічній елементній базі.

*ДДК з надлишком 3 не є зваженим*, що ускладнює перетворення чисел в системи з різною основою, але він дозволяє автоматично формувати перенос в старшу тетраду при підсумуванні чисел на звичайних суматорах.

*Способи додавання чисел з основою  на базі двійкових суматорів.*

Алгебраїчні операції з десятковими числами, як і з двійковими, виконуються на суматорах з використанням обернених або доповняльних кодів. Для одержання оберненого коду необхідно кожен розряд числа замінити на цифру, що є доповненням до 9. Наприклад, 8 замінюють на 1, 3 – на 6, 5 – на 4 і т.і. Додавання одиниці в молодший розряд переводить обернений код в доповняльний. Додатні числа в знакових розрядах мають 0, а від’ємні – 1.

Наприклад, операції 542+223=765, 542-223=319, 223-542=-319 в доповняльних кодах виконуються наступним чином:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| 0.542  +0.223  0.765  Результат=+765 | 0.542  +1.777  0.319  Результат=+319 | 0.223  +1.458  1.681  Результат=-319 |

Віднімання  замінюється на додавання , що дозволяє виконувати операції на суматорах. Використання різних адитивних ДДК для подання десяткових цифр потребує корекції при підсумуванні розрядів.

*В коді 8421 корекція в десяткових розрядах виконується, якщо після підсумування тетрад виникає перенос в старшу тетраду або результат в тетраді стає більше 9*.

Необхідна корекція в тетрадах «+6», що пояснюється наступним. Одиниця, що залишає тетраду, повинна забрати з неї  одиниць, а фактично забирає 16, тобто подвійну вагу старшого двійкового розряду тетради (для коду 8421 ця вага дорівнює 8 ). Тому для компенсації до тетради додається число +6 (01102) з розповсюдженням переносу в старшу тетраду . На рис. 1.1 показано варіанти корекції при додаванні 2-розрядних двійково-десяткових чисел.

|  |  |
| --- | --- |
| 382-10=0011 1000  +162-10=0001 0110  0100 1110  Корекція +0000 0110  *а)* 542-10=0101 0100 | 292-10=0010 1001  +582-10=0101 1000  1000 0001  Корекція +0000 0110  *б*) 872-10=1000 0111 |
| *Рис. 1.1. Корекція результату: а – заборонена цифра 14 (11102) в молодшому розряді; б – є перенос в старшу тетраду* | |

*Двійково-десяткові суматори.*

Двійково-десяткові суматори в кожному десятковому розряді повинні реалізувати п'ять перемикальних функцій (рис. 1.2). Чотири з них відповідають двійково-кодованій десятковій сумі  і одна - переносу в старший десятковий розряд . Ці функції залежать від десяткових цифр доданків  і , а також переносу з молодшої тетради , тобто від 9 аргументів. Нормальні форми функцій дуже громіздкі і погано мінімізуються. Тому підсумування ДДК доцільно виконувати відповідно до схеми на рис. 1.2.

На першому етапі на двійковому суматорі підсумовують ДДК десяткових цифр за правилами двійковій арифметики. Потім на другому етапі за допомогою ще одного суматора роблять корекцію отриманого результату шляхом додавання або віднімання деякої константи, що визначається комбінаційною схемою КС, а також виділяють десятковий перенос в старшу тетраду. *ДДК повинен мати властивості адитивності*.

*Такою властивістю (адитивності) володіють ДДК 8421 і 8421+Δ*, де – Δ ціле число, що назване надлишком. Якщо використовується ДДК, що не володіє властивостями адитивності, то цифри доданків слід перед підсумовуванням перетворити в адитивний ДДК.



*Рис. 1.2. Структура одного розряду десяткового суматора*

**2. Визначення варіанту завдання**

Переведемо повний десятковий номер залікової книжки в двійкову систему числення і виділимо сім молодших розрядів .

640210 =

Отримаємо 7 молодших розрядів числа:

000 0010, тут:

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| ***а*7*а*6*a*5** | **ДДК** | ***а*4*а*3*a*2** | **Логічні**  **елементи** | ***а*3*а*2*a*1** | **Операнди** | |
| ***X*** | ***Y*** |
| 000 | 8421+1 | 001 | 2І, 3АБО, НЕ | 010 | -5473 | 3672 |

Подамо таблицю кодування десяткових цифр 0,1,…,9 в ДДК 8421+3 (табл. 1.4)

*Табл. 1.4. Таблиця кодування десяткових цифр в ДДК 8421+1*

|  |  |
| --- | --- |
| Десяткова цифра | Двійково-десятковий код |
| 8421+1 |
| 0 | 0001 |
| 1 | 0010 |
| 2 | 0011 |
| 3 | 0100 |
| 4 | 0101 |
| 5 | 0110 |
| 6 | 0111 |
| 7 | 1000 |
| 8 | 1001 |
| 9 | 1010 |

Зазначимо, що ДДК 8421+1 називають «незважений код з надлишком 1». Особливість коду полягає в тому, що при використанні даного ДДК автоматично формується перенос в старшу тетраду при підсумуванні чисел на звичайних сумматорах. Відмінність від ДДК 8421 в тому, що після сумування завжди необхідна корекція суми. В випадку, коли в тетраді є перенос «1» в старшу тетраду, корекція виконується на 0001 (+110), якщо переносу нема – на 1111 (-110 в доповняльному коді). Сформуємо таблицю істинності однорозрядного комбінаційного двійково-десяткового суматора з використанням ДДК 8421+1 (табл. 1.5):

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Σд | Сума до  корекції | | | | | Сума після  корекції | | | | | Код  корекція | | | |
|  | *P’*4 | *S*’4 | *S’*3 | *S’*2 | S’1 | *P*4 | *S*4 | *S*3 | *S*1 | *Si* | *S’’*4 | *S’’*3 | *S’’*2 | *S’*1 |
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | **0** | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | **0** | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| 2 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | **0** | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| 3 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | **0** | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| 4 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | **0** | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| 5 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | **0** | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| 6 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | **0** | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| 7 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | **0** | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| 8 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | **0** | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| 9 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | **0** | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| 10 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | **1** | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 11 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | **1** | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 12 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | **1** | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 13 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | **1** | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 14 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | **1** | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 15 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | **1** | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| 16 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | **1** |  |  |  |  | 0 | 1 | 0 | 1 |
| 17 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | **1** |  |  |  |  | 0 | 1 | 0 | 1 |
| 18 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | **1** |  |  |  |  | 0 | 1 | 0 | 1 |
| 19 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | **1** |  |  |  |  | 0 | 1 | 0 | 1 |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |